Prof. Dr. Alfred Toth

Semiotische Transpositionsfelder

1. In Toth (2025a) waren wir ausgegangen von der allgemeinen Form der Zeichenrelation

$$ZR = (3.x, 2.y, 1.z),$$

darin die triadischen Hauptwerte Konstanten und die trichotomischen Stellernwerte Variablen sind. Man kann nun semiotische Matrizen konstruieren (vgl. Toth 2025b, c), um die Gesamtmenge der über einer ternären Relation möglichen transpositionellen Intra- und Trans-Dualsysteme (vgl. Toth 2025d) zu bekommen.

2. Im folgenden wird die Gesamtmenge der $6^2 = 36$ Dualsysteme, die aus ZR für x = 1, y = 2, z = 3 (d.h. $x \ne y \ne z$) konstruiert werden kann, als semiotisches Transpositionsfeld bestimmt. Da innerhalb der Bense-Semiotik aus der Gesamtmenge der $3^3 = 27$ semiotischen Relationen nur 10 zugelassen sind, gibt es dort auch nur zwei Repräsentationssysteme, welche die Bedingung der paarweisen Verschiedenheit der trichotomischen Werte erfüllen, nämlich die eigenreale Zeichenklasse und die als Hauptdiagonale in der benseschen Matrix (vgl. Bense 1975, S. 37) auftretende Klasse der genuinen Kategorien. Das maximale semiotische Transpositionsfeld mit drei verschiedenen Stellenwerten eignet sich also hervorragend dazu, um die Distribution der Teilrelationen der beiden eigenrealen Zeichenklassen (vgl. Bense 1992, S. 40), ihre Interaktion und ihre Trajektionen sichtbar zu machen. Zu diesem Zweck werden die Teilrelationen mit Farben markiert: Das beiden Dualsystemen gemeinsame (2.2) wird blau, die beiden anderen Teilrelationen von Zkl(ER) werden rot und die beiden übrigen Teilrelationen von KatKl gelb eingefärbt.

```
ZKL(ER) = RTh(ER) = (3.1, 2.2, 1.3)
KatKl = (1.1, 2.2, 3.3) \times (3.3, 2.2, 1.1)
1.1
      2.2
             3.3
                          3.3
                                2.2
                                       1.1
                   ×
      2.3
             3.2
1.1
                          2.3
                                3.2
                                       1.1
                   ×
1.1
      3.2
             2.3
                          3.2
                                2.3
                                       1.1
                   ×
      3.3
                                3.3
1.1
             2.2
                   ×
                          2.2
                                       1.1
```

- $1.2 \quad 2.1 \quad 3.3 \quad \times \quad 3.3 \quad 1.2 \quad 2.1$
- $1.2 \quad 2.3 \quad 3.1 \quad \times \quad 1.3 \quad 3.2 \quad 2.1$
- $1.2 \quad 3.1 \quad 2.3 \quad \times \quad 3.2 \quad 1.3 \quad 2.1$
- 1.2 3.3 2.1 × 1.2 3.3 2.1
- 1.3 2.1 3.2 × 2.3 12 3.1
- 1.3 2.2 3.1 × 1.3 2.2 3.1
- 1.3 3.1 2.2 × 2.2 1.3 3.1
- 1.3 3.2 2.1 × 1.2 2.3 3.1
- $2.1 \quad 1.2 \quad 3.3 \quad \times \quad 3.3 \quad 2.1 \quad 1.2$
- $2.1 \quad 1.3 \quad 3.2 \quad \times \quad 2.3 \quad 3.1 \quad 1.2$
- $2.1 \quad 3.2 \quad 1.3 \quad \times \quad 3.1 \quad 2.3 \quad 1.2$
- 2.1 3.3 1.2 × 2.1 3.3 1.2
- 2.2 1.1 3.3 × 3.3 1.1 2.2
- 2.2 1.3 3.1 × 1.3 3.1 2.2
- 2.2 3.1 1.3 × 3.1 1.3 2.2
- 2.2 3.3 1.1 × 1.1 3.3 2.2
- 2.3 1.1 3.2 × 2.3 1.1 3.2
- $2.3 \quad 1.2 \quad 3.1 \quad \times \quad 1.3 \quad 2.1 \quad 3.2$
- 2.3 3.1 1.2 × 2.1 1.3 3.2
- $2.3 \quad 3.2 \quad 1.1 \quad \times \quad 1.1 \quad 2.3 \quad 3.2$

3.1 1.2 2.3 3.2 2.1 1.3 × 3.1 1.3 2.2 2.2 3.1 1.3 × 3.1 2.2 1.3 1.3 3.1 2.2 × 3.1 2.3 1.2 2.1 3.2 1.3 × 3.2 1.1 2.3 3.2 1.1 2.3 × 3.2 1.3 2.1 1.2 3.1 2.3 × 3.2 2.1 1.3 3.1 1.2 2.3 × 3.2 2.3 3.2 1.1 1.1 2.3 × 3.3 3.3 1.1 2.2 2.2 1.1 × 3.3 1.2 2.1 1.2 2.1 3.3 ×

Literatur

2.1

2.2

1.2

1.1

×

×

3.3

3.3

Bense, Max, Semiotische Prozesse und Systeme. Baden-Baden 1975

Bense, Max, Die Eigenrealität der Zeichen. Baden-Baden 1992

1.2

2.2

2.1

1.1

Toth, Alfred, Transpositionelle semiotische Dualsysteme. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025a

3.3

3.3

Toth, Alfred, Semiotische Matrizen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025b

Toth, Alfred, Weitere semiotische Matrizen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025c

Toth, Alfred, Intra- und Trans-Dualsysteme. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025d

17.9.2025